Reg. No.:
Name :



SECOND YEAR HIGHER SECONDARY EXAMINATION, MARCH 2022

Part – III Time: 2 Hours

MATHEMATICS – SCIENCE Cool-off time: 15 Minutes

Maximum: 60 Scores

General Instructions to Candidates:

- There is a 'Cool-off time' of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the 'Cool-off time' to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ഉണ്ടായിരിക്കും.
- 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൂത്രണം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ, എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പറിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നല്ലിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

A. Answer any 5 questions from 1 to 9. Each carries 1 score.

 $(5 \times 1 = 5)$

1. Which of the following relations on $A = \{1, 2, 3\}$ is an equivalence relation?

- (a) $\{(1, 1), (2, 2), (3, 3)\}$
- (b) $\{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (1, 2)\}$
- (c) $\{(1, 1), (3, 3), (1, 3), (3, 1)\}$
- (d) None of these

2. The value of $\sin^{-1}\left(\sin\left(\frac{1}{2}\right)\right) = \dots$

(a) $\frac{1}{2}$

(b) $\pi - \frac{1}{2}$

(c) $-\frac{1}{2}$

(d) $\frac{\pi}{6}$

3. If A is a 3×3 matrix, then $|\operatorname{adj}(A)| = ...$

(a) |A|

(b) $|A|^2$

(c) $|A|^3$

(d) 3|A|

4. A fair die is rolled. If the events are $E = \{1, 3, 5\}$, $F = \{2, 3\}$, then $P(E \mid F) = ...$

5. The area bounded by the curve y = 2x between x = 0, x = 2 and x-axis is ...

6. Slope of the tangent to the curve $y = x^2 + 1$ at the point (2, 5) is

7. Write the vector from the point A(1, 3, 5) to B(4, 3, 2).

8. Which of the following is a point on the plane 3x + 2y + 4z = 0?

(a) (1, 2, 1)

(b) (2, 3, 2)

(c) (2, 1, -2)

(d) (2, 1, 2)

9. Write the degree of the differential equation $2\frac{d^2y}{dx^2} + \left(\frac{dy}{dx}\right)^3 = 0$.

PART - I

- A. 1 മുതൽ 9 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 5 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. $1 \, {\rm multiput} \, 3 \, {\rm multiput} \, 3$
- $A = \{1, 2, 3\}$ ആകുന്നു. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന റിലേഷൻസിൽ നിന്നും A യിലെ ഒരു ഇക്വിവലൻസ് റിലേഷൻ എടുത്തെഴുതുക.
 - (a) $\{(1, 1), (2, 2), (3, 3)\}$
- (b) $\{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (1, 2)\}$
- (c) $\{(1, 1), (3, 3), (1, 3), (3, 1)\}$
- (d) ഇവയിലേതുമല്ല
- 2. $\sin^{-1}\left(\sin\left(\frac{1}{2}\right)\right)$ ജെ വില =
 - (a) $\frac{1}{2}$

(b) $\pi - \frac{1}{2}$

(c) $-\frac{1}{2}$

- (d) $\frac{\pi}{6}$
- 3. A ഒരു 3×3 മെട്രിക്ക് ആണ്. എങ്കിൽ $|\operatorname{adj}(A)| = ...$
 - (a) |A|

(b) $|A|^2$

(c) $|A|^3$

- (d) 3|A|
- $E=\{1,3,5\},\,F=\{2,3\},\,$ ഇവ ഒരു ഫെയർ ഡൈ ഉരുട്ടുന്ന റാൻഡം എക്സ്പിരിമെന്റിലെ ഇവന്റുകൾ ആയാൽ $P(E\mid F)=...$
- 5. y=2x എന്ന വക്രം $x=0,\,x=2,\,x$ അക്ഷം എന്നിവയുമായി ഉണ്ടാക്കുന്ന പരപ്പളവ് =....
- $y = x^2 + 1$ എന്ന വക്രത്തിലെ (2, 5) എന്ന ബിന്ദുവിലുള്ള തൊടുവരയുടെ ചരിവ് =
- 7. A(1, 3, 5) എന്ന ബിന്ദുവിൽ നിന്നും B(4, 3, 2) എന്ന ബിന്ദുവിലേക്കുള്ള വെക്ടർ കണ്ടുപിടിക്കുക.
- 8. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയിൽ ഏതാണ് 3x+2y+4z=0 എന്ന പ്ലയിനിലെ ബിന്ദു ?
 - (a) (1, 2, 1)

(b) (2, 3, 2)

(c) (2, 1, -2)

- (d) (2, 1, 2)
- 9. $2\frac{\mathrm{d}^2 y}{\mathrm{d}x^2} + \left(\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}\right)^3 = 0$ എന്ന ഡിഫറൻഷൃൽ സമവാകൃത്തിന്റെ ഡിഗ്രി എഴുതുക.

B. Answer all questions from 10 to 13. Each carries 1 score.

 $(4\times 1=4)$

- 10. The value of $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) = \dots$
- 11. The vertices of a triangle are (0, 2), (0, 3), (4, 6), then area of the triangle is _____.
 - (a)

(b) 2

(c) 3

- (d) 4
- 12. Find the direction cosines of the vector $3\hat{i} 2\hat{j} + 5\hat{k}$.
- 13. Derivative of $log(x^3)$ is ...

PART – II

A. Answer any 2 questions from 14 to 17. Each carries 2 scores.

 $(2 \times 2 = 4)$

- 14. $\begin{bmatrix} x+y & 2 \\ 5+x & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 6 & 8 \end{bmatrix}$, find x and y.
- 15. The length x of a rectangle is increasing at the rate of 4 cm/s and the width y is decreasing at the rate of 5 cm/s. Find the rates of change of its area when x = 10 cm and y = 5 cm.
- 16. Show that the function $f(x) = x^3 + 3x + 5$ is strictly increasing on R.
- 17. Solve the differential equation $\frac{dy}{dx} = \frac{2x}{y^2}$.
- B. Answer any 2 questions from 18 to 20. Each carries 2 scores.

 $(2\times 2=4)$

- 18. Find the value of λ if the vectors $\hat{i} \hat{j} + \hat{k}$, $3\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$ and $\hat{i} + \lambda\hat{j} 3\hat{k}$ are coplanar.
- 19. If $y = x^{\sin x}$, find $\frac{dy}{dx}$.
- 20. Find the integrating factor of the differential equation $x \frac{dy}{dx} y = 2x^2$.

- B. 10 മുതൽ 13 വരെ എല്ലാ ചോദ്യങ്ങൾക്കും ഉത്തരമെഴുതുക. 1 സ്കോർ വീതം. $(4 \times 1 = 4)$
- $10. \sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ ജെ വില = ...
- ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ മൂലകൾ (0,2),(0,3),(4,6), ആയാൽ പരപ്പളവ് = _____.
 - (a) 1

(c) 3

- (b) 2 (d) 4
- 12. $3\stackrel{\hat{}}{i}-2\stackrel{\hat{}}{j}+5\stackrel{\hat{}}{k}$ എന്ന വെക്ടറിന്റെ ഡയറക്ഷൻ കൊസൈൻസ് കണ്ടുപിടിക്കുക.
- 13. $\log(x^3)$ ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് = ...

PART - II

- A. 14 മുതൽ 17 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. 2 സ്കോർ വീതം. $(2 \times 2 = 4)$
- 14. $\begin{bmatrix} x+y & 2 \\ 5+x & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 6 & 8 \end{bmatrix}$, ആയാൽ x ഉം y ഉം കണ്ടുപിടിച്ച് എഴുതുക.
- ഒരു ചതുരത്തിന്റെ നീളമായ x, 4 cm/s എന്ന തോതിൻ കൂടുന്നു. വീതി y, 5 cm/s എന്ന തോതിൽ കുറയുകയും ചെയ്യുന്നു. $x=10\,\mathrm{cm},\ y=5\,\mathrm{cm}$ ആകുമ്പോൾ ഈ ചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവിൽ വരുന്ന മാറ്റത്തിന്റെ നിരക്ക് കണക്കാക്കുക.
- $f(x) = x^3 + 3x + 5$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ R ൽ സ്റ്റ്രിക്റ്റിലി ഇൻക്രീസിംഗ് ആണെന്നു തെളിയിക്കുക.
- 17. $\frac{dy}{dr} = \frac{2x}{v^2}$ എന്ന ഡിഫറൻഷൃൽ സമവാകൃത്തിന്റെ പരിഹാരം കാണുക.
- 18 മുതൽ 20 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. В. 2 സ്കോർ വീതം. $(2\times 2=4)$
- $\hat{i}-\hat{j}+\hat{k}$, $3\hat{i}+\hat{j}+2\hat{k}$, $\hat{i}+\lambda\hat{j}-3\hat{k}$ എന്നീ വെക്ലറുകൾ ഒരേ പ്ലയിനിൽ ആയാൽ λ യുടെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക.
- 19. $y = x^{\sin x}$ ആയാൽ $\frac{dy}{dx}$ കണ്ടുപിടിക്കുക.
- 20. $x\frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{dx}} y=2x^2$ എന്ന ഡിഫറൻഷൃൽ സമവാകൃത്തിന്റെ ഇന്റഗ്രേറ്റിങ്ങ് ഫാക്ടർ കണ്ടുപിടിക്കുക.

PART – III

- A. Answer any 3 questions from 21 to 24. Each carries 3 scores. $(3 \times 3 = 9)$
- 21. Express the matrix $A = \begin{bmatrix} 3 & 3 & -1 \\ -2 & -2 & 1 \\ -4 & -5 & 2 \end{bmatrix}$ as the sum of a symmetric matrix and a skew symmetric matrix.
- 22. $R = \{(x, y) : x, y \in Z, (x y) \text{ is an integer}\}$. Show that R is an equivalence relation.
- 23. Bag 1 contains 5 red and 3 black balls while another Bag 2 contains 3 red and 7 black balls. One ball is drawn at random from one of the bags and it is found to be red. Find the probability that it was drawn from Bag 2.
- 24. Consider the vector $\overrightarrow{a} = 2 \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ and $\overrightarrow{b} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$.

(a) Find
$$\overrightarrow{a} \times \overrightarrow{b}$$
 (2)

- (b) Find a unit vector perpendicular to \overrightarrow{a} and \overrightarrow{b} . (1)
- B. Answer any 2 questions from 25 to 27. Each carries 3 scores. $(2 \times 3 = 6)$
- 25. Using elementary operations, find the inverse of the matrix $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$.
- 26. If * is a binary operation on R defined by a * b = $\frac{ab}{3}$,

(b) Find the inverse of 3. (2)

6

27. Evaluate $\int_0^2 x^2 dx$ as the limit of a sum.

SY-27

PART - III

- A. 21 മുതൽ 24 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. 3 സ്കോർ വീതം. $(3 \times 3 = 9)$
- $A = \begin{bmatrix} 3 & 3 & -1 \\ -2 & -2 & 1 \\ -4 & -5 & 2 \end{bmatrix}$ ആയാൽ A യെ ഒരു സിമ്മെട്രിക് മെട്രിക്സിന്റെയും സ്ക്ക്യൂ സിമ്മെട്രിക്സ് മെട്രിക്സിന്റെയും തുകയായി എഴുതുക.
- 22. $R = \{(x, y) : x, y \in Z, (x y) ഒരു പൂർണ്ണസംഖൃ\}. ആയാൽ <math>R$ ഒരു ഇക്വിവലൻസ് റിലേഷനാണെന്ന് തെളിയിക്കുക.
- 23. ബാഗ് 1 ൽ 5 ചുവന്ന ബോളുകളും 3 കറുത്ത ബോളുകളും ഉണ്ട്. ബാഗ് 2 ൽ 3 ചുവന്ന ബോളുകളും 7 കറുത്ത ബോളുകളും ഉണ്ട്. ഈ ബാഗുകളിൽ ഒന്നിൽ നിന്ന് ഒരു ബോൾ റാൻഡമായി എടുക്കുന്നു. ഇതൊരു ചുവന്ന ബോൾ ആണെങ്കിൽ ബോൾ തിരെഞ്ഞടുത്തത് ബാഗ് 2 ൽ നിന്ന് ആവാനുള്ള സാധ്യത കണ്ടുപിടിച്ച് എഴുതുക.
- $\overrightarrow{a} = 2 \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}, \overrightarrow{b} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ എന്നീ വെക്ടറുകൾ പരിഗണിക്കുക.

$$(a)$$
 $\stackrel{
ightarrow}{a} \times \stackrel{
ightarrow}{b}$ കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

- (b) \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} എന്നീ രണ്ടു വെക്ടറുകൾക്കും ലംബമായ യൂണിറ്റ് വെക്ടർ കണ്ടു പിടിക്കുക. (1)
- B. 25 മുതൽ 27 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. $3 \, {\rm cm}_2$ ാർ വീതം. $(2 \times 3 = 6)$
- 25. $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$ ആയാൽ എലമെന്ററി ഓപ്പറേഷൻ ഉപയോഗിച്ച് A യുടെ ഇൻവ്യേഴ് കണ്ടുപിടിച്ച് എഴുതുക.
- 26. * എന്നത് R ൽ നിർവചിക്കപ്പെട്ടിട്ടുള്ള ഒരു ബൈനറി ഓപറേഷനാണ് $a*b=\frac{ab}{3},$ ആയാൽ
 - (a) * ന്റെ ഐഡന്റിറ്റി എലമെന്റ് ഉണ്ടെങ്കിൽ കണ്ടുപിടിച്ചെഴുതുക. (1)
 - (b) 3 ന്റെ ഇൻവേഴ്സ് കണക്കാക്കി എഴുതുക. (2)
- 27. തുകയുടെ ലിമിറ്റ് എന്ന ആശയം ഉപയോഗിച്ച് $\int_0^2 x^2 \,\mathrm{d}x$ ന്റെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക.

PART – IV

- A. Answer any 3 questions from 28 to 31. Each carries 4 scores. $(3 \times 4 = 12)$
- 28. Show that $2 \tan^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + \tan^{-1} \left(\frac{1}{7} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{31}{17} \right)$.
- 29. Find the area of the region bounded by $y^2 = 9x$, x = 2, x = 4 and the x-axis in the first quadrant.
- 30. (a) Discuss the continuity of the function $f(x) = \begin{cases} 3x+1 & \text{if } x \le 3 \\ x^2+1 & \text{if } x > 3 \end{cases}$ (2)
 - (b) Verify Rolle's theorem for the function $f(x) = 2x^2 12x + 1$ in [2, 4].
- 31. (a) Find the equation of the line passing through the points (2, 1, 0) and (4, 4, 3). (2)
 - (b) Find the equation of the plane which is perpendicular to the above line and passing through the point (1, 1, 2).(2)
- B. Answer any 1 question from 32 to 33. Carries 4 scores. $(1 \times 4 = 4)$
- 32. Find the mean of the number obtained on a throw of an unbiased die. (4)
- 33. Consider the planes 3x 2y + z + 6 = 0 and 2x + y + 2z 6 = 0:
 - (a) Find the angle between the planes. (2)
 - (b) Find the equation of the plane passing through the line of intersection of above planes and through the point (0, 0, 0). (2)

PART - IV

- A. 28 മുതൽ 31 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. $4\ \mathrm{cm}$ 20 വീതം. $(3 \times 4 = 12)$
- $28. \quad 2 \tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{7}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{31}{17}\right)$ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക.
- 29. $y^2 = 9x$, എന്ന വക്രം x = 2, x = 4, x അക്ഷം എന്നിവയുമായി ഒന്നാം ക്വാധ്രന്റിൽ ഉണ്ടാക്കുന്ന പരപ്പളവ് കണക്കാക്കുക.
- 30. (a) $f(x) = \begin{cases} 3x+1 & \text{if } x \le 3 \\ x^2+1 & \text{if } x > 3 \end{cases}$ എന്ന ഫങ്ങ്ഷന്റെ കണ്ടിന്യൂവിറ്റി പരിശോധിക്കുക. (2)
 - (b) $f(x) = 2x^2 12x + 1$ എന്ന ഫങ്ഷന് [2, 4] ൽ റോൾസ് തിയറം ശരിയാവുമോയെന്ന് പരിശോധിക്കുക. (2)
- 31. (a) (2, 1, 0), (4, 4, 3) എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽകൂടി കടന്നുപോകുന്ന സമവാകൃം കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)
 - (b) (1, 1, 2) എന്ന ബിന്ദുവിൽകൂടി കടന്നു പോകുന്നതും മേൽ പറഞ്ഞ വരയ്ക്ക് ലംബവുമായ പ്ലയിനിന്റെ സമവാകൃം കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)
- B. 32 മുതൽ 33 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 1 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. $4 \, \mathrm{cm}$ 36. $(1 \times 4 = 4)$
- 32. ഒരു അൺബയസ്ഡ് ഡൈ ഒരു തവണ ഉരുട്ടിയാൽ കിട്ടുന്ന സംഖൃയുടെ മീൻ കണ്ടുപിടിച്ചെഴുതുക. (4)
- $33. \quad 3x 2y + z + 6 = 0 \text{ and } 2x + y + 2z 6 = 0$ എന്നീ പ്ലയിനുകൾ പരിഗണിക്കുക :
 - (a) ഈ പ്ലയിനുകൾക്കിടയിലുള്ള കോണളവ് കണക്കാക്കുക. (2)
 - (b) മേൽ പറഞ്ഞ പ്ലയിനുകൾ കൂടിച്ചേരുന്ന വരയിലൂടെയും (0, 0, 0) എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയും കടന്നുപോകുന്ന പ്ലയിനിന്റെ സമവാക്യം കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

PART - V

Answer any 2 questions from 34 to 36. Each carries 6 scores.

 $(2\times 6=12)$

34. Solve the following system of equations by matrix method.

$$x - y + 2z = 1$$

$$2y - 3z = 1$$

$$3x - 2y + 4z = 2$$

35. Find the following integrals:

(a)
$$\int \frac{x}{(x+1)(x+2)} dx$$

(b)
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin^4 x}{\sin^4 x + \cos^4 x} dx$$
 (3)

36. Solve the following linear programming problem graphically

Maximise
$$Z = 3x + 2y$$

Subject to

$$x + 2y \le 10$$

$$3x + y \le 15$$

$$x, y \ge 0$$

PART - V

34 മുതൽ 36 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. $(2\times 6=12)$

34. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന സമവാക്യങ്ങൾ മെട്രിക്സ് രീതി ഉപയോഗിച്ച് പരിഹരിക്കുക.

$$x-y+2z = 1$$
$$2y-3z = 1$$
$$3x-2y+4z = 2$$

35. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഇന്റഗ്രൽസ് കണ്ടുപിടിക്കുക :

(a)
$$\int \frac{x}{(x+1)(x+2)} dx$$

(b)
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin^4 x}{\sin^4 x + \cos^4 x} dx$$
 (3)

36. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ലീനിയർ പ്രോഗ്രാമിംഗ് പ്രോബ്ലം ഗ്രാഫ് ഉപയോഗിച്ച് പരിഹരിക്കുക.

Maximise Z = 3x + 2y

Subject to

$$x + 2y \le 10$$

$$3x + y \le 15$$

$$x, y \ge 0$$